

# Small World Networks

## Darstellung von Netzwerken

Hubs/Knoten: Punkte im Netzwerk

Vectors: Verbindungen zwischen Punkten

## Erdös-Renyi Netzwerke

Aufbau:

Die Verbindung zwischen zwei Hubs wird mit der Wahrscheinlichkeit  $p$  gesetzt

Hubs haben unterschiedlich viele Vektoren (reiche und nicht-reiche Hubs)

## Barabási-Albert Zufallsgraphen

Methode:

Systematische Erhöhung der Ungleichheit der Hubs

Je mehr Vektoren ein Hub schon hat, um so höher ist die Chance, dass er einen weiteren Vektor erhält / „The rich is getting richer“

## Clustering Coefficient ( $C$ )

Wahrscheinlichkeit, dass ein Hub (a), der schon mit einem anderen Hub (b) verbunden ist, mit einem weiteren Hub (c) verbunden ist, der schon mit dem Hub b einen Vektor hat. (Triangles)

Cluster sind relativ auf das Netz bezogen

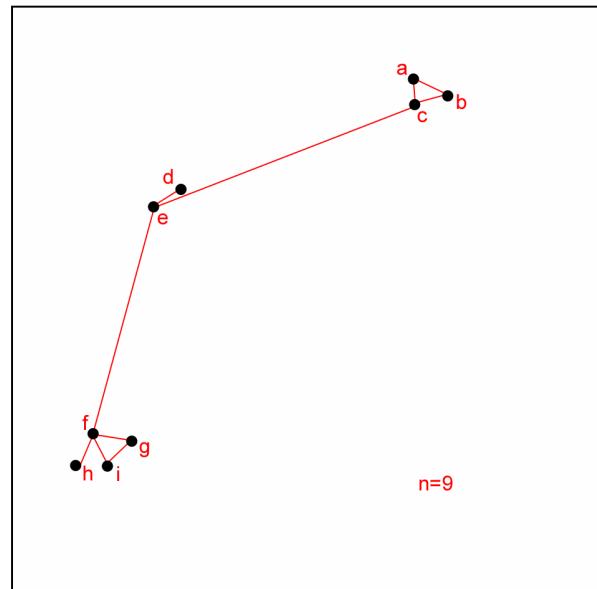
## Small World

- Small World Netzwerke haben sowohl stark geclusterte Bereiche, als auch weite Verbindungen
- Es sind keine reinen Zufallsgraphen (Graph = Netz) / Es sind keine einfachen Graphen
- „A network can be considered a Small World network when its CPL [Characteristic Path Length] is similar to the CPL of a random network of the same length, but its CC [Clustering Coefficient] is much larger (at least by a single order of magnitude) when compared to a similar random network.“ [Ravid, Rafaeli, 2004]
- L ist in Small World Netzwerke immer kleiner, als bei Zufallsgraphen mit gleich viel Hubs.
- C ist in Small World Netzwerken immer größer, als bei Zufallsgraphen mit gleich viel Hubs.
- Die Verteilung von Vectors pro Hub folgt immer annähernd den Potenzfunktion
- Die Stabilität ist höher, als in anderen Netzwerken
- Wenn zufällig Hubs entfernt werden, ist die Auswirkung auf das Netzwerk geringer, als bei Zufallsnetzwerken

## Forschungsfragen

- Stabilität
- Navigation

n	Anzahl der Hubs
L	Distanz
C	Clustering Coefficient
p	Wahrscheinlichkeit für Hubs, neue Vektoren zu erhalten
<b>Variablen für Netzwerke</b>	



**Abbildung 1 Small World**

- Wie funktioniert eine erfolgreiche Navigation aufgrund „lokalen Wissens“?
- Evolution
  - Wie wachsen Small World Netzwerke?
  - Lassen sich bessere Voraussagen treffen, welche Effekte bestimmte Eingriffe haben (z.B. bei Nahrungsnetzwerken)?

## Bibliometrie

Wissenschaftliche Aufsätze sind eine Small World

Allerdings: all die Forschung der Bibliometrie wurde weitgehend ignoriert und erst im Nachhinein in die Forschung zur Small World aufgenommen.

## Literatur

*Adamic / Adar (2003)*. Friends and neighbors on the Web / Adamic, Lada A. ; Adar, Eytan. – In: Social Networks, Volume 25, 2003, pp. 211-230

*Adamic / Adar (2005)*. How to search a social network / Adamic, Lada ; Adar, Eytan. – In: Social Networks, Volume 27, 2005, pp. 187-203

*Barabási / Albert (1999)*. Emergence of Scaling in Random Networks / Barabási, Albert-László ; Albert, Réka. – In: Science, Volume 286, October, 15<sup>th</sup> 1999, pp. 509-512

*Buchanan (2002)*. Small Worlds and the Groundbreaking Science of Networks / Buchanan, Mark. – New York ; London : W.W. Norton & Company, 2002

*Christley et. al. (2005)*. Infection in Social Networks : Using Network Analysis to Identify High-Risk Individuals / Christley, R.M. ; Pinchbeck, G.L. ; Bowers, R.G. ; Clancy, D. ; French, N.P. ; Bennett, R. ; Turner, J.. – In: American Journal of Epidemiology, Volume 162, Number 10, June 2005, pp. 1024-1031

*Davis (2002)*. The individual success of musicians, like that of physicists, follows a stretched exponential distribution / Davis, J.A.. – In: The European Physical Journal B, Volume 27, 2002, pp. 445-447

*Dodds / Muhamad / Watts (2003)*. An Experimental Study of Search in Global Social Networks / Dodds, Peter Shreidan ; Muhamad, Roby ; Watts, Duncan J.. – In: Science, Volume 301, Issue 5643, August 2003, pp. 827-829

*Guimerá et. al. (2005)*. The worldwide air transportation network : Anomalous centrality, community structure, and cities' global roles / Guimerá, R. ; Mossa, S. ; Turtschi, A. ; Amaral, L. A. N.. – In: Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America, Volume 102, Number 22, May 31, 2005, pp. 7794-7799

*Junbo et. al. (2005)*. Analysis of Opinion Leader in On-Line Communities / Junbo, Gao ; Min, Zhang ; Fan, Jiang ; Xufa, Wang. – In: Lecture notes in computer science, Volume 3681, 2005, pp. 1153-1159

*Milgram (1967)*. The Small World Problem / Milgram, Stanley. – In: Psychology Today, Volume 1, May 1967, pp. 60-67

*Moody (2001)*. Race, school integration, and friendship segregation in America / James Moody. – In: American Journal of Sociology, Volume 107, 2001, pp. 679-716

*Newman (2003)*. The Structure and Function of Complex Networks / Newman , M.E.J.. – In: SIAM Review, Volume 45, Number 2, [May] 2003, pp. 167-256

*Onody / de Castro (2004)*. Complex network study of Brazilian soccer players / Onody, Roberto N. ; de Castro, Paulo A.. – In: Physical Review E, Volume 70, 2004, pp. 037103-1 – 037103-4

*Qin et. al. (2005)*. Analyzing Terrorist Networks : A Case Study of the Global Salafi Jihad Network / Qin, Jialun ; Xu, Jennifer J. ; Hu, Daning ; Sagemann, Marc ; Chen, Hsinchun. – In: Lecture notes in computer science, Volume 3495, 2005, pp. 287-304

*Ravid / Rafaeli (2004)*. Asynchronous discussion groups as Small World and Scale Free Networks / Ravid, Gilad ; Rafaeli, Sheizaf. – In: First Monday, Volume 9, Number 9, [September] 2004

*Sienkiewicz / Holyst (2005)*. Statistical analysis of 22 public transport networks in Poland / Sienkiewicz, Julian ; Holyst, Janusz A.. – In: Physical Review E, Volume 72, 2005, pp. 046127-1 – 046127-11

*Wang / Cai (2005)*. Hierarchical Structure, Disassortativity and Information Measures of the US Flight Network / Wang, Ru ; Cai, Xu. – In: Chinese Physics Letters, Volume 22, Number 10, [June] 2005, pp. 2715-2718

*Watts / Strogatz (1998)*. Collective dynamics of ‘small-world’ networks / Watts, Duncan J. ; Strogatz, Steven H.. – In: Nature, Volume 393, 4 June 1998, pp. 440-442

*Zhu / Huang (2004)*. Navigation in a small world with local information / Zhu, Han ; Huang, Zhuang-Xiong. – In: Physical Review, Volume 70, 2004, pp. 036117-1 – 036117-8